

Exercice 1 : Cycle de Joule

Soit une machine thermique utilisant comme fluide l'air assimilé à un gaz parfait diatomique. Cette machine fonctionne selon le cycle de Joule composé de :

- deux transformations adiabatiques réversibles $1 \rightarrow 2$ et $3 \rightarrow 4$
- deux transformations isobares $2 \rightarrow 3$ et $4 \rightarrow 1$.

Au cours de ces transformations le gaz se met progressivement en équilibre de température avec la source chaude à température T_3 ou la source froide à T_1 .

$$P_1 = 10^5 \text{ Pa} ; P_3 = 5.10^5 \text{ Pa} \quad T_1 = 300 \text{ K} ; T_3 = 500 \text{ K} ; C_V = \frac{5}{2} R$$

- 1) Tracer le cycle sur un diagramme de Clapeyron.
- 2) Trouver les relations entre T_1 et T_2 et entre T_3 et T_4 .
- 3) Calculer T_2 et T_4 .
- 4) Calculer pour une mole de gaz les quantités de chaleur Q_{12} ; Q_{23} ; Q_{34} et Q_{41} échangées.
- 5) Calculer le travail W échangé par une mole au cours de chaque transformation.
- 6) En déduire le travail W échangé par une mole au cours du cycle,
- 7) En déduire le rendement de ce cycle.
- 8) Comparer ce rendement à celui qu'on obtiendrait si la machine fonctionnait selon le cycle de Carnot entre les mêmes sources aux températures T_1 et T_3 .

Exercice 2 : Cycle de Carnot

Une mole de gaz parfait décrit le cycle de Carnot ABCD. La température de la source chaude est T_2 ; celle de la source froide est T_1 . La détente isotherme du gaz relie l'état A (P_A, V_A) à l'état B (P_B, V_B).

- 1) Construire le cycle de Carnot en donnant les paramètres des états A, B, C, D.
- 2) Calculer le travail échangé avec l'extérieur et la chaleur échangée avec les sources, le long des quatre transformations du cycle.
- 3) Retrouver l'égalité de Clausius $\frac{Q_2}{T_2} + \frac{Q_1}{T_1} = 0$.
- 4) Quel est le rendement de la machine de Carnot ?

Exercice 3 : Cycle de Beau de Rochas

Dans un moteur à explosion, de l'air supposé parfait (m kg) décrit le cycle de Beau de Rochas, appelé aussi cycle d'Otto, composé de deux adiabatiques et deux isochores en système fermé :

- **Compression adiabatique** réversible de l'état (P_1, V_1, T_1) à l'état (P_2, V_2, T_2)

- **Echauffement isochore** de l'état (P_2, T_2) à l'état (P_3, T_3)
- **Détente adiabatique** réversible de l'état (P_3, T_3) à l'état (P_4, T_4)
- **Refroidissement isochore** qui ramène le fluide à l'état initial.

On donne $\gamma = \frac{C_p}{C_v} = 1,4$, $M_{air} = 29 \text{ g.mol}^{-1}$. Les parties A et B sont indépendantes.

Partie A

A.1) Représenter le cycle d'Otto dans le diagramme de Clapeyron (P,V) et dans le diagramme entropique (T, S).

A quoi correspond la surface du cycle dans le diagramme (P,V) ?

A.2) Exprimer le rendement théorique η de ce cycle :

a) en fonction des températures T_1, T_2, T_3 et T_4 ;

b) puis en fonction du rapport volumétrique $\alpha = \frac{V_1}{V_2}$ et du rapport $\gamma = \frac{C_p}{C_v}$ des chaleurs massiques de l'air.

A.3) Lorsque le piston est au point mort bas, le volume d'air est maximal et égal à 600 cm^3 . Lorsque le piston est au point mort haut, le volume d'air est minimal et égal à 100 cm^3 (en fin de compression). Calculer :

a) le rendement théorique du cycle d'Otto

b) le travail fourni au cours d'un cycle, si l'air admis sous $P_1 = 1 \text{ atm}$ et $T_1 = 300 \text{ K}$, et si la température maximale atteinte est 1100 K .

A.4) Pour quelle valeur du rapport volumétrique le moteur fonctionnant suivant le cycle d'Otto entre les températures 300 K et 1100 K a-t-il même rendement qu'une machine réversible fonctionnant suivant le cycle de Carnot entre les mêmes températures ?

Partie B

On donne : $P_1 = 1,00 \cdot 10^5 \text{ Pa}$; $V_1 = 962 \cdot 10^{-6} \text{ m}^3$; $T_1 = 288 \text{ K}$; $\alpha = \frac{V_1}{V_2} = 7$

Toutes les transformations du cycle sont supposées réversibles.

L'agent thermique est l'air, supposé se comporter comme un gaz parfait.

Sa capacité thermique massique à pression constante est $C_p = 1000 \text{ J.kg}^{-1}.\text{K}^{-1}$.

Sa capacité thermique massique à volume constante est $C_v = 714 \text{ J.kg}^{-1}.\text{K}^{-1}$.

La masse de carburant injecté sera négligée devant celle de l'air.

Les calculs seront menés en ne considérant qu'un seul cylindre.

B.1) Calculer la pression P_2 et la température T_2 en fin de compression.

B.2) La quantité de chaleur Q_{23} mise en jeu au cours de la phase **2** \rightarrow **3**, est évaluée à 1500 J . La masse d'air admise dans un cylindre est $1,16 \cdot 10^{-3} \text{ kg}$.

En déduire la température T_3 , puis la pression P_3 en fin d'explosion.

B.3) En fin de détente on a $P_4 = 3,9 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ et $T_4 = 1115 \text{ K}$.

En déduire la quantité de chaleur Q_{41} mise en jeu au cours de la phase **4** \rightarrow **1**.

B.4) Montrer que la quantité de chaleur mise en jeu au cours du cycle est voisine de 810 J .

B.5) Déterminer l'énergie mécanique W_{Cycle} correspondante (on justifiera le résultat).