

Informatique 2 : Algorithmique 2 / Python

Pr. Badraddine AGHOUTANE
b.aghoutane@umi.ac.ma

Plan

- Rappel
- Les fonctions et les procédures en python.
- La récursivité et son application dans des algorithmes.
- Les enregistrements et les fichiers en Python.
- La complexité des algorithmes et ses principaux types.
- Les preuves de correction et de terminaison d'un algorithme.

Algorithme et programmation

- **Programme**

A chaque tâche, que notre PC réalise, correspond **un programme**.

Mais c'est quoi un programme?



Algorithme et programmation

- **Programme**

Un programme est constitué d'une suite logique **d'instructions compréhensible par l'ordinateur**.

Une instruction spécifie :

- Les opérations à exécuter
- La façon dont elles s'enchaînent



Algorithme et programmation

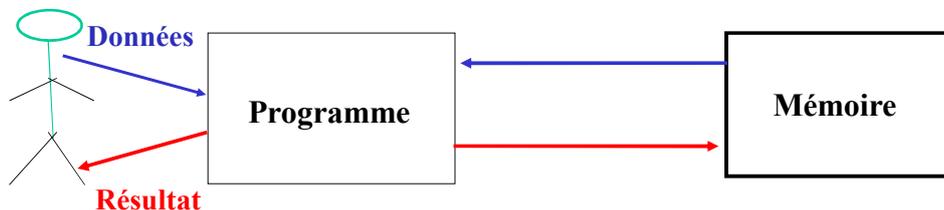
■ Données d'un programme et résultats

Un programme peut nécessiter des données. Il peut aussi retourner un résultat.

Exemple :

On dispose d'un programme qui calcule la moyenne des notes :

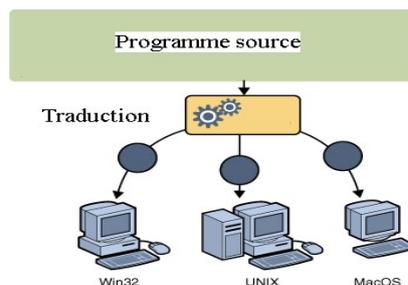
- Celui-ci a besoin qu'on lui fournisse les notes (**données**).
- Pour qu'il nous retourne la moyenne (**résultat**).



Algorithme et programmation

Programmation?

- L'ordinateur ne comprend que le binaire (0 et 1), est-ce pour autant qu'on doit écrire des programmes en binaire ?
- Il existe des **langages de programmation** dits « évolués » (proches du langage courant)
- Pour chaque langage de programmation, il existe un **programme « qui le traduit » en binaire** (langage machine)



Algorithme et programmation

- **Traduction des programmes**



Il existe essentiellement **deux modes de traduction** :

- **Compilation** : la traduction se fait une fois pour toute
- **Interprétation** : à chaque fois qu'on veut exécuter le programme, l'interprète traduit une instruction à la fois. Une fois que celle-ci est exécutée, il passe à l'instruction suivante.

Algorithme et programmation

- **Programmation**

Programmation = A priori, écriture de programmes dans un langage de programmation (C, Python, C++, Delphi, Java, ...)

Or il y a **plusieurs langages**, est-ce que ça veut dire qu'il existe **plusieurs sortes de programmation** ?

En fait, la plupart des langages utilisent les mêmes concepts (*variables, structures conditionnelles, structures répétitives, tableaux, fonctions, ...*)

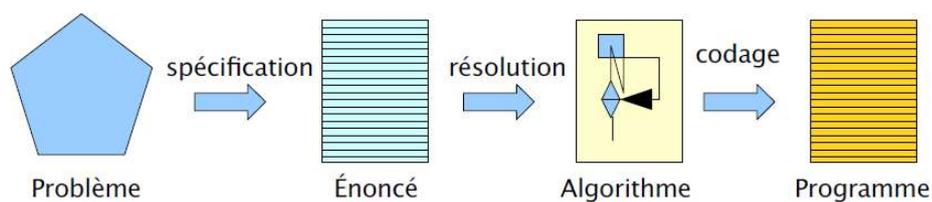
→ dans le cours, on utilisera une notation particulière : **notation algorithmique**.

Bonnes pratiques de la programmation

La réalisation d'un programme se fait en deux étapes :

Etape1 : Analyse du problème et recherche du moyen d'aboutir au résultat à partir des données dont on dispose.
→ écriture d'un algorithme.

Etape2 : Traduction de l'algorithme dans un langage de programmation



Algorithmique

Définition d'un algorithme

Une description des différentes étapes permettant de résoudre un problème quelconque

Exemple :

Résolution d'une équation du 2^{ème} degré :

$$ax^2 + bx + c = 0$$

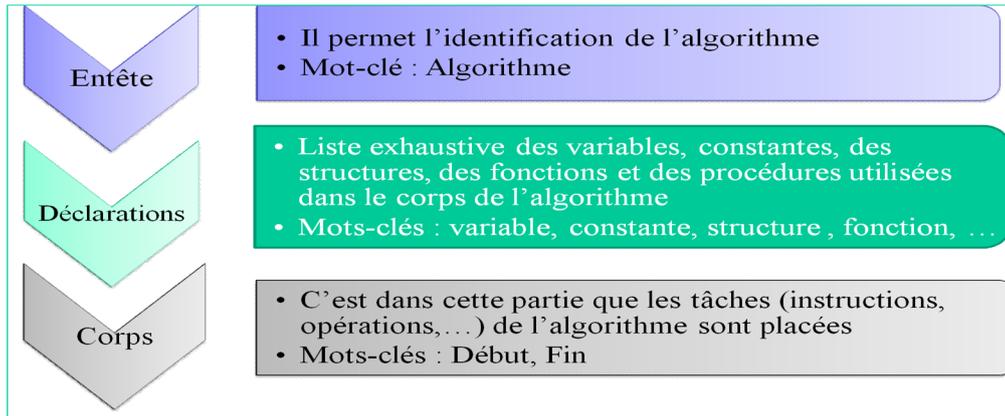
Étapes de résolution :

1. Connaître les valeurs de a , b et c
2. Calculer le discriminant $\Delta = b^2 - 4ac$
3. Si $\Delta < 0$ alors pas de solution
4. Si $\Delta = 0$ alors solution double = $-b/2a$
5. Si $\Delta > 0$ alors deux solutions

Algorithmique

Définition d'un algorithme

- Pour écrire un algorithme, on utilise le langage de description d'algorithme ou le pseudo-code.
- Un algorithme est composé de trois parties :



Structure d'un algorithme

Exemple d'un algorithme :

Entête: Identificateur de l'algorithme

Algorithme somme

variables X, Y : Entier

Début

X ← 4

Ecrire("Donner la valeur de Y :")

Lire(Y)

Ecrire(X+Y)

Fin

Déclarations: 2 variables entières sont déclarées

Corps: 4 instructions forment le corps de l'algorithme

Structure d'un algorithme

Exercice 1 (*Examen de rattrapage*) : Ecrire un algorithme qui permet de lire un entier N et de calculer la valeur de l'expression E, telle que :

$$E = (1+2) * (1+2+3) * (1+2+3+4) * \dots * (1+2+3+\dots+(N-2)+(N-1)+N) \quad \text{et } (N \geq 2)$$

Corrigé :

Entête: Identificateur de l'algorithme

```
Algorithme Exercice1
  Variables N, S, E, i : entiers;
Début
  Ecrire ("Entrer un entier N");
  Lire (N);
  S ← 0;
  E ← 1;
  Pour i ← 1 à i ← N faire
    S ← S + i;
    E ← E * S;
  FinPour
  Ecrire ("La valeur de E est", E);
Fin
```

Déclarations: 4 variables entières sont déclarées

Corps: instructions formant le corps de l'algorithme

Structure d'un algorithme

Exercice 2 (*Examen de rattrapage*) : Ecrire un algorithme qui calcule et affiche le n^{ième} terme (*n est donné par l'utilisateur*) de la suite définie par :

$$U_n = \sqrt{1 + \sqrt{2 + \sqrt{3 + \sqrt{\dots + \sqrt{n}}}}}$$

Rappel : X est exprimée en algorithmique par *sqrt(X)*.

Corrigé :

```
Algorithme Exercice2
  Variables n,i : entiers;
           U : réel;
Début
  Ecrire ("Entrer un entier");
  Lire (n);
  U ← 0;
  Pour i ← n à i ← 1 (pas de -1) faire
    U ← sqrt(U+i);
    Ecrire ("Un= ", U);
  finPour
Fin
```

Algorithme et programmation

La programmation : Ensemble d'activités qui permettent de produire un programme en informatique.

Programme : séquence d'instructions qui spécifie, étape par étape, les opérations à effectuer pour obtenir un résultat.

- Un programme est écrit dans un langage de programmation et exprimé sous une forme interprétable par une machine.
- Un programme représente une suite finie et non ambiguë d'instructions pour résoudre un problème
- Une instruction permet de lire, manipuler, afficher ou sauvegarder des données.
- Les instructions sont traduites en langage machine

Présentation de Python

Python est un langage portable, extensible, gratuit, qui permet une approche modulaire et orientée objet (sans l'imposer).

Python est développé depuis 1989 par **Guido van Rossum** et de nombreux contributeurs bénévoles.

- Python un langage interprété ;
- Très largement utilisé dans de nombreux domaines ;
- Syntaxe claire et très simple ;
- Les types python sont nombreux et puissants.
- S'interface facilement avec un très grand nombre de langages ;
- Permet d'écrire des programmes concis avec un haut niveau d'abstraction ;
- Disponible sur Unix, Windows, Mac OS ;
- Possède peu de limites et un champ d'applications très vaste ;



Bonnes pratiques de la programmation

Exercice1 :

$$E = (1+2)*(1+2+3)*(1+2+3+4)*...*(1+2+3+...+(N-2)+(N-1)+N) \text{ et } (N \geq 2)$$

Algorithme Exercice1

Variables N, S, E, i : entiers;
Début
Ecrire ("Entrer un entier N");
Lire (N);
 $S \leftarrow 0$;
 $E \leftarrow 1$;
Pour $i \leftarrow 1$ à $i \leftarrow N$ faire
 $S \leftarrow S + i$;
 $E \leftarrow E * S$;
FinPour
Ecrire ("La valeur de E est", E);
Fin

⇒ Code python

```
1 # Write Python 3 code in this editor and run it.
2 print("Entrer un entier N")
3 N=int(input())
4 S=0
5 E=1
6 for i in range(1, N+1) :
7     S=S+i
8     E=E*S
9 print("La valeur de E est: ", E)
```

⇒ Résultat d'exécution (écran)

```
Entrer un entier N
3
La valeur de E est: 18

Entrer un entier N
5
La valeur de E est: 2700
```

Bonnes pratiques de la programmation

Exercice 2 (Examen de rattrapage) : Ecrire un algorithme qui calcule et affiche le $n^{\text{ième}}$ terme (n est donné par l'utilisateur) de la suite définie par :

$$U_n = \sqrt{1 + \sqrt{2 + \sqrt{3 + \sqrt{\dots + \sqrt{n}}}}}$$

Rappel : X est exprimée en algorithmique par **sqrt(X)**.

Algorithme Exercice2

Variables n,i : entiers;
U : réel;
Début
Ecrire ("Entrer un entier");
Lire (n);
 $U \leftarrow 0$;
Pour $i \leftarrow n$ à $i \leftarrow 1$ (pas de -1) faire
 $U \leftarrow \text{sqrt}(U+i)$;
 Ecrire ("Un= ", U);
finPour
Fin

Fonction prédéfinie

⇒ Code python

```
from math import sqrt
print("Entrer un entier")
N=int(input())
U=0
for i in range(N, 0, -1) :
    U=sqrt(U+i)
print("Un=", U)
```

⇒ Résultat d'exécution (écran)

```
Entrer un entier
4
Un= 1.7487627132551438

Entrer un entier
20
```

Les fonctions prédéfinies

Certains **traitements sont complexes** à effectuer par un algorithme. Par exemple, le calcul **de la racine carrée d'un nombre** nécessite une formule complexe.

- **En algorithmique**, il existe des **fonctions prédéfinies** comme : *Sqrt, Cos, Len, Find, Chr, Asc, Mod, ...etc.*

Egalement, tous les **langages de programmation** ont un certain nombre de **fonctions prédéfinies** qui permettent de connaître ce genre de résultat.

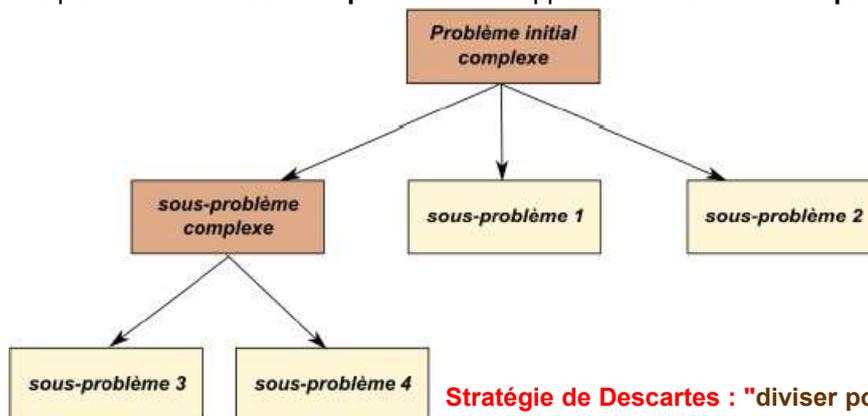
- **En python**, il existe déjà des **fonctions prédéfinies** comme : *len, sqrt, pow, abs, randint, etc.*

➔ **Le concept de la programmation modulaire**

Le concept de la programmation modulaire

- La **programmation modulaire** consiste à **décomposer un problème** donné en un ensemble fini des **sous-problèmes**.
- Ensuite, pour chaque sous-problème i , on cherche de trouver la solution s_i .
- Enfin on regroupe l'ensemble des sous solutions pour aboutir à la résolution du problème de départ.

Chaque **solution d'un sous problème** est appelée **module** ou **sous programme**.



Stratégie de Descartes : "diviser pour régner"

Le concept de la programmation modulaire

Qu'est-ce qu'un sous programme ?

Un **sous programme** est une entité qui contient des **données et des instructions**, qui porte un nom donné et qui peut être appelé selon les besoins pour exécuter une tâche donnée.

En **programmation** et en **algorithmique**, on distingue deux types de **sous programme** :

- **Les fonctions** : sous-programme qui retourne un résultat.
Exemple : `abs()`, `sqrt()`
- **Les procédures** : sous-programmes qui n'ont pas de résultats.
Exemple : `print()`,

⇒ Nos objectifs consiste à :

1. Utiliser les fonctions prédéfinies : Ne pas réinventer la roue

2. Développer nos propres fonctions

En Python **tout est fonction** : Une procédure est une fonction qui renvoie **None**.

Algorithmique: Fonctions Prédéfinies

Textes ou chaîne de caractères :

- **Len(chaine)** : renvoie le nombre de caractères d'une chaîne
- **Mid(chaine,pos,lg)** : renvoie un extrait de la chaîne, commençant au caractère pos et faisant lg caractères de long. (commence à 0)
- **Left(chaine,n)** : renvoie les n caractères les plus à gauche dans chaîne.
- **Right(chaine,n)** : renvoie les n caractères les plus à droite dans chaîne
- **Find(chaine1,chaine2)** :
 - Renvoie la position de la **chaine2** dans **chaine1**,
 - Commence par 0,
 - Si **chaine2** n'est pas comprise dans **chaine1**, la fonction renvoie **-1**

Algorithmique: Fonctions Prédéfinies

Textes ou chaîne de caractères :

- Exemples :

Len("Bonjour")	vaut	7
Len("")	vaut	0
Mid("Ahmed is back", 3, 7)	vaut	"ed is b"
Mid("Ahmed is back", 11, 1)	vaut	"c"
Left("Et pourtant...", 8)	vaut	"Et pourt"
Right("Et pourtant...", 4)	vaut	"t..."
Find(" Dans la vie ", "bonheur ")	vaut	-1
Find("Un pur bonheur", "pur")	vaut	3

Algorithmique: Fonctions Prédéfinies

Textes ou chaîne de caractères :

Fonction Chr : fonction qui renvoie le caractère correspondant à un code Ascii donné (),

fonction Asc : rôle inverse de Asc()

Exemples

Chr(64)	vaut	'@'
Asc('N')	vaut	78

Algorithmique: Fonctions Prédéfinies

Numériques :

Partie Entière: Ent()

Fonction qui permet de récupérer la partie entière d'un nombre :

$A \leftarrow \text{Ent}(5,28)$ A vaut 5

Modulo: Mod()

Cette fonction permet de récupérer le reste de la division d'un nombre par un deuxième nombre. Par exemple :

$A \leftarrow \text{Mod}(17,3)$ A vaut 2 car $17 = 5 \cdot 3 + 2$
 $B \leftarrow \text{Mod}(12,2)$ B vaut 0 car $12 = 6 \cdot 2$

Algorithmique: Fonctions Prédéfinies

Numériques :

Racine carée d'un nombre : Sqrt()

Fonction qui permet de récupérer la racine carée d'un nombre :

$A \leftarrow \text{Sqrt}(25)$ A vaut 5

Valeur absolue : Abs()

Cette fonction permet de le renvoie de la valeur absolue du nombre. Par exemple :

$A \leftarrow \text{Abs}(17)$ A vaut 17
 $B \leftarrow \text{Abs}(-12)$ B vaut 12