

Contrôle de Thermodynamique (Session Normale)

Durée : 2h

NB : Les questions de chaque exercice peuvent être traitées indépendamment

Questions de cours (3 points)

Au cours d'une transformation élémentaire réversible, une mole de gaz parfait passe de l'état (P, V, T) à l'état $(P + dP, V + dV, T + dT)$

- Rappeler les deux lois de Joule.
- Monter que la quantité de chaleur élémentaire mise en jeu, peut s'écrire :

$$\delta Q = C_v dT + PdV$$

Exercice 1 (3 points)

On mélange $m_1 = 500g$ d'eau à $t_1 = 15^\circ C$ et $m_2 = 200g$ d'eau à $t_2 = 60^\circ C$.

Quelle est la température finale d'équilibre t_f ?

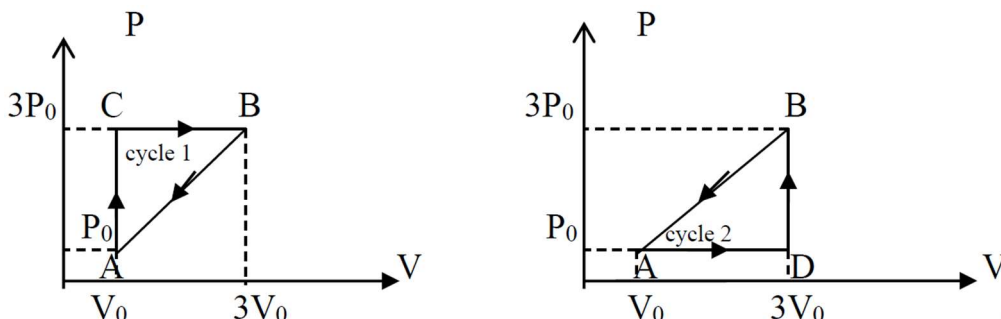
On donne : chaleur massique de l'eau $c_0 = 1 \text{ cal/g.}^\circ C$.

Exercice 2 (14 points)

On considère une mole d'un gaz parfait effectuant l'un ou l'autre des deux cycles (1) et (2) représentés ci-dessous.

Toutes les transformations sont supposées réversibles.

L'état initial, pour les deux cycles est représenté par le point $A(P_0, V_0, T_0)$.



- Calculer les températures des états représentés par les points C, D et B en fonction de T_0 .
- Pour le gaz parfait considéré, on donne la chaleur molaire à volume constant $C_v = \frac{3}{2} R$.

- a. À partir de la relation de Mayer, déterminer la valeur de la chaleur molaire à pression constante C_p .
 - b. Calculer les quantités de chaleur échangée ainsi que les travaux des quatre transformations AC, CB, AD, et DB. Exprimer ces grandeurs en fonction de T_0 et R , et préciser le signe dans chaque cas.
 - c. En déduire la variation de l'énergie interne lorsque l'on passe suivant une droite de B à A, pour chaque cycle. Conclusion.
3. Sachant que l'équation de la droite AB s'écrit $P = \frac{P_0}{V_0} V$, calculer le travail et la quantité de chaleur échangée lors de passage de B à A en fonction de T_0 et R .
4. Quel est le signe du travail total dans chacun des deux cycles ? Calculer sa valeur en fonction de T_0 et R et indiquer lequel des deux cycles correspond à un moteur thermique.

Bonne chance

Corrigé de Contrôle
Thermodynamique

2025/2026

(1)

questions de cours: (3 pts)

1. Les deux lois de Joule:

1^{re} loi: L'énergie interne d'un Gaz Parfait ne dépend que de la température: $dU = C_v dT$ (1 pt)

2^{ème} loi: L'enthalpie d'un Gaz parfait ne dépend que de la température: $dH = C_p dT$ (1 pt)

2) Le 1^{er} principe de la Thermodynamique:

$$dU = \delta W + \delta Q$$

$$\delta Q = dU - \delta W$$

avec $dU = C_v dT$ et $\delta W = -P dV$

$$\text{alors } \delta Q = C_v dT + P dV \quad (1 \text{ pt})$$

Ex: 1 (3 pts)

La température finale T_f :

$Q_1 = m_1 c_0 (T_f - T_1)$ (1 pt) la quantité de chaleur que la masse m_1 absorbe pour augmenter sa température T_1 à T_f .

$Q_2 = m_2 c_0 (T_f - T_2)$ (1 pt) la quantité de chaleur cédée par la masse m_2 pour sa température passe de T_2 à T_f .

à l'équilibre thermique :

$$Q_1 + Q_2 = 0$$

$$m_1 c_1 (t_f - t_1) + m_2 c_2 (t_f - t_2) = 0$$

$$t_f = \frac{m_1 t_1 + m_2 t_2}{m_1 + m_2} \quad (0,75 \text{ pt})$$

AV : $t_f = \frac{500 \times 15 + 200 \times 60}{500 + 200} = 27,35^\circ\text{C} \quad (0,25 \text{ pt})$

Ex: 2

1) la température au point C :

une mol de G.P : $P_c V_c = R T_c \Rightarrow T_c = \frac{P_c V_c}{R}$

on a : $P_c = 3P_0$ et $V_c = V_0$

Alors $T_c = \frac{3P_0 V_0}{R} = 3T_0 \checkmark (0,5 \text{ pt})$

la température au point D :

$$P_D V_D = R T_D \Rightarrow T_D = \frac{P_D V_D}{R}$$

on a : $P_D = P_0$ et $V_D = 3V_0$

Alors $T_D = \frac{P_0 \cdot 3V_0}{R} = 3T_0 \checkmark (0,5 \text{ pt})$

la température au point B :

$$P_B V_B = R T_B \Rightarrow T_B = \frac{P_B V_B}{R}$$

on a : $P_B = 3P_0$ et $V_B = 3V_0$

Alors $T_B = \frac{3P_0 \cdot 3V_0}{R} = 9T_0 \checkmark (0,5 \text{ pt})$

$$2) a) \text{ Pour un. G.P; } C_v = \frac{3}{2} R$$

D'après la relation de Mayer; $C_p - C_v = R$ (0,5 pt)

$$\text{Alors } C_p = R + C_v \Rightarrow C_p = R + \frac{3}{2} R$$

$$C_p = \frac{5}{2} R \checkmark \quad (0,5 \text{ pt})$$

b) les quantités de chaleur échangées:

$$Q_{AC} = ?$$

on a la transformation isochore; $V = \text{cte}$

$$dQ = C_v dT \Rightarrow Q_{AC} = C_v (T_c - T_A)$$

$$Q_{AC} = \frac{3}{2} R (3T_0 - T_0) = \frac{3}{2} R \cdot 2 \cdot T_0$$

$$Q_{AC} = 3 R T_0 > 0 \checkmark \quad (0,5 \text{ pt})$$

$$W_{AC} = ?$$

la transformation est isochore, $V = \text{cte} \Rightarrow dV = 0 \Rightarrow W_{AC} = 0 \checkmark \quad (0,5 \text{ pt})$

$$Q_{CB} = ?$$

on a la transformation isobare: $P = 3P_0$

$$dQ = C_p dT \Rightarrow Q_{CB} = C_p (T_B - T_c)$$

$$Q_{CB} = \frac{5}{2} R (3T_0 - 3T_0) = \frac{5}{2} R \cdot 6 T_0$$

$$Q_{CB} = 15 R T_0 > 0 \checkmark \quad (0,5 \text{ pt})$$

$$W_{CB} = ?$$

(4)

ona: $\delta W = -P dV = -3P_0 dV$

$$W_{CB} = -3P_0 \int_B^C dV = -3P_0 (V_B - V_C)$$

$$W_{CB} = -3P_0 (3V_0 - V_0) = -3P_0 (2V_0) = -6P_0 V_0$$

$$W_{CB} = -6RT_0 < 0 \checkmark (0,5 \text{ pt})$$

$$Q_{AD} = ?$$

la transformation est isobare: $P = \text{cte}$.

$$\delta Q = C_p dT \Rightarrow Q_{AD} = C_p (T_D - T_A)$$

$$Q_{AD} = \frac{5}{2} R (3T_0 - T_0) = \frac{5}{2} R T_0$$

$$Q_{AD} = 5RT_0 > 0 \checkmark (0,5 \text{ pt})$$

$$W_{AD} = ?$$

$$\delta W = -P dV = -P_0 dV$$

Alors $W_{AD} = -P_0 \int_A^D dV = -P_0 (V_D - V_A)$

$$W_{AD} = -P_0 (3V_0 - V_0) = -P_0 2V_0$$

$$W_{AD} = -2RT_0 < 0 \checkmark (0,5 \text{ pt})$$

$$Q_{DB} = ?$$

la transformation est isochore: $V = \text{cte}$

$$\delta Q = C_v dT \Rightarrow Q_{DB} = C_v (T_B - T_D)$$

$$Q_{DB} = \frac{3}{2} R (9T_0 - 3T_0) = \frac{3}{2} R (6T_0)$$

$$Q_{DB} = 9RT_0 > 0 \checkmark (0,5 \text{ pt})$$

$$W_{DB} = ?$$

(5)

La transformation est isochore, $V = cte \Rightarrow dV = 0$

$$\Rightarrow W_{DB} = 0 \quad (0,5 \text{ pt})$$

c) la variation de l'énergie interne ($B \rightarrow A$):

$$\Delta U_{BA} = ?$$

Pour le cycle 1:

$$\text{D'après le 1^{er} Principe: } \Delta U_{\text{cycle}} = 0 \Rightarrow \Delta U_{AC} + \Delta U_{CB} + \Delta U_{BA} = 0$$

$$\Rightarrow W_{AC} + Q_{AC} + W_{CB} + Q_{CB} + \Delta U_{BA} = 0$$

$$\Rightarrow \Delta U_{BA} = - (W_{AC} + Q_{AC} + W_{CB} + Q_{CB})$$

$$\Delta U_{BA} = - (0 + 3RT_0 - 6RT_0 + 15RT_0)$$

$$\Delta U_{BA} = -12RT_0 \quad (1 \text{ pt})$$

Pour le cycle 2:

$$\text{D'après le 1^{er} Principe: } \Delta U_{\text{cycle}} = 0 \Rightarrow \Delta U_{AD} + \Delta U_{DB} + \Delta U_{BA} = 0$$

$$\Rightarrow W_{AD} + Q_{AD} + W_{DB} + Q_{DB} + \Delta U_{BA} = 0$$

$$\Delta U_{BA} = - (W_{AD} + Q_{AD} + W_{DB} + Q_{DB})$$

$$\Delta U_{BA} = - (-RT_0 + 5RT_0 + 0 + 3RT_0)$$

$$\Delta U_{BA} = -12RT_0 \quad (1 \text{ pt})$$

Conclusion: la variation de l'énergie interne ne dépend pas

du chemin suivi $\Rightarrow U$ est une fonction d'état (0,5 pt)

$\Rightarrow dU$ est une différentielle totale exacte

3) (As) d'une droite: $P = \frac{P_0}{V_0} V$ (6)

$W_{BA} = ?$

$SW = -P dV = -\frac{P_0}{V_0} V dV$

$W_{BA} = - \int_{BV_0}^A \frac{P_0}{V_0} V dV = -\frac{P_0}{V_0} \int_B^A V dV = -\frac{P_0}{V_0} \left[\frac{V^2}{2} \right]_B^A$ (4pt)

$W_{BA} = -\frac{P_0}{V_0} \left(\frac{V_0^2 - 9V_0^2}{2} \right) = -\frac{P_0}{V_0} \left(-\frac{8V_0^2}{2} \right) = +4P_0V_0$

$W_{BA} = 4RT_0 > 0$ ✓ (4pt)

$Q_{BA} = ?$

$\Delta U_{BA} = W_{BA} + Q_{BA}$ (1pt)

$Q_{BA} = \Delta U_{BA} - W_{BA}$

$Q_{BA} = -12RT_0 - 4RT_0$

$Q_{BA} = -16RT_0 < 0$ ✓ (1pt)

4) Le cycle 1 = Cycle A décrit dans le sens des aiguilles d'une montre $\Rightarrow W_{\text{cycle 1}} < 0$ (6.5pt) \Rightarrow c'est un moteur.

$W_{\text{cycle 1}} = W_{AC} + W_{CB} + W_{BA}$ (1pt)

$W_{\text{cycle 1}} = 0 - 6RT_0 + 4RT_0 \Rightarrow W_{\text{cycle 1}} = -2RT_0 < 0$ ✓

Le cycle 2 = Cycle A décrit dans le sens trigonométrique $\Rightarrow W_{\text{cycle 2}} > 0$ (6.5pt)

$W_{\text{cycle 2}} = W_{AD} + W_{DB} + W_{BA} = -2RT_0 + 0 + 4RT_0 = 2RT_0 > 0$ (1pt) ✓

Le cycle 1 correspond à un cycle moteur car $W_{\text{cycle 1}} < 0$