

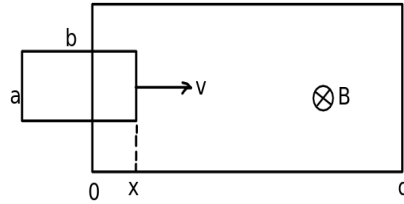
### Série 3

#### Exercice 1

On considère une bobine rectangulaire de côtés  $a$  et  $b$  formée de  $N$  spires de résistance totale  $R = 16\Omega$ . La bobine est attirée à une vitesse constante  $v = 1\text{m/s}$  dans une région d'épaisseur  $d$  où règne un champ magnétique uniforme  $\vec{B}$  avec  $B=2\text{T}$ .

En fonction de la position  $x$  de la bobine :

1. Calculer le flux magnétique à travers la bobine.
2. Calculer la force électromotrice induite f.é.m.
3. Calculer le courant induit.
4. Déterminer le sens de courant en se basant sur la loi de Lenz et la loi de Faraday.
5. Calculer la puissance  $P$  dissipée par effet de joule par la résistance  $R$ .

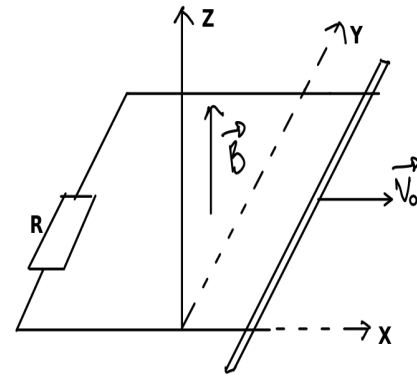


On donne  $a=10\text{cm}$ ,  $b=4\text{cm}$ ,  $d=15\text{cm}$  et  $N=2$ .

#### Exercice 2

Un circuit est composé d'une résistance  $R$ , de deux rails conducteurs distants de  $L$  et d'un barreau conducteur de longueur  $l$ , de masse  $M$  et libre de se mouvoir sur les deux rails. Le circuit est plongé dans un champ magnétique uniforme  $B$  et perpendiculaire à son plan  $xOy$ . On communique au barreau une vitesse initiale  $\vec{v} = v\vec{e}_x$ .

1. Déterminer la force électromotrice  $e_{ind}(t)$  induite.
2. Déterminer le courant  $i_{ind}$  traversant le circuit.
3. Montrer que le sens de  $i_{ind}$  est conforme avec la loi de Lenz.
4. Déterminer la force de Laplace  $\vec{F}$  qui s'exerce sur le barreau,
5. Préciser l'action de  $\vec{F}$ .
6. Déterminer  $v(t)$  en fonction du temps de réponse du circuit  $\tau = \frac{mR}{L^2B^2}$ .
7. En déduire le courant  $i_{ind}$  traversant le circuit.



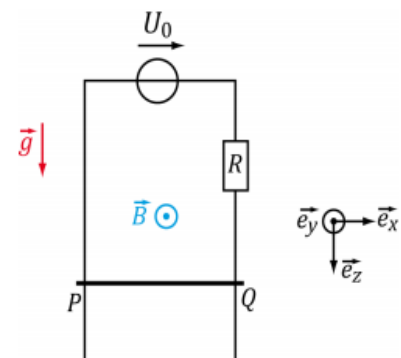
#### Exercice 3

On considère un dispositif de rail de Laplace vertical, dans lequel une barre métallique  $PQ$ , de masse  $m$ , peut glisser sans frottement le long de deux rails verticaux distants de  $a$ . Ces rails sont reliés à un générateur de tension, délivrant une force électromotrice continue  $U_0$ . La résistance totale du circuit est notée  $R$  et elle est indépendante de la position de la barre  $PQ$ . On suppose enfin que l'inductance propre du circuit est négligeable.

Dans l'espace où peut se déplacer la barre règne un champ magnétique stationnaire et uniforme :  $\vec{B} = B\vec{e}_y$ .

A l'instant initial, la barre est lâchée sans vitesse initiale.

1. Calculer le flux du champ magnétique à travers le circuit.
2. Calculer la force électromotrice induite.



- Déterminer le sens du courant induit.
- Donner le schéma électrique équivalent.
- Calculer l'intensité du courant induit.
- Déterminer La force de Laplace exercée sur la tige  $PQ$ . En déduire que la force de Laplace est une force freinante.
- En appliquant le principe fondamentale de la dynamique, donner l'équation mécanique du dispositif.
- En résolvant le système d'équations couplées (électrique et mécanique) ainsi déterminé, trouver l'expression de la vitesse de la barre  $v(t)$ .
- Quelle condition doit satisfaire la résistance  $R$  du circuit pour que la barre tombe ?
- Déterminer la vitesse limite prise par la barre.
- Application numérique  $m = 0.5g$ ,  $U_0 = 1.5V$ ,  $B = 0.5T$ ,  $R = 8\Omega$ ,  $a = 5cm$  et  $g=9,80665 m/s^2$ .

#### Exercice 4

Soient deux solénoïdes (S1) et (S2) coaxiaux, de longueurs respectives  $l_1$  et  $l_2$ , de rayons  $R_1$  et  $R_2$  ( $R_2 > R_1$ ) possédant  $N_1$  et  $N_2$  spires et parcourus par les courants  $i_1$  et  $i_2$ . Les solénoïdes sont supposés très longs par rapport aux rayons ( $l_1 \gg R_1$  et  $l_2 \gg R_2$ )

- Calculer l'inductance propre de chaque solénoïde.
- Calculer l'inductance mutuelle des deux solénoïdes.
- Déterminer l'énergie totale emmagasinée dans le circuit en utilisant deux méthodes.

