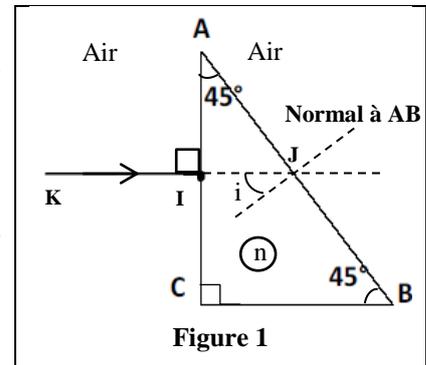


Epreuve d'optique géométrique : Durée 1h 30min
Session ordinaire : Juin 2017
Filière SMPC - Semestre 2

Exercice 1 : (5 points)

On considère un prisme isocèle rectangle ABC en verre, d'indice $n=1.5$ et plongé dans l'air. Le rayon incident (KI) arrive perpendiculairement sur la face (AC) (Figure 1).



- 1) Tracer la marche du rayon incident (KI) à travers le prisme. Justifier votre réponse.
- 2) Calculer la déviation D : angle que fait le faisceau émergent avec le faisceau incident (KI).
- 3) On plonge maintenant le prisme dans l'eau d'indice $n_{\text{eau}}=1,33$ et on considère le même rayon incident (KI).
 - a. Calculer l'angle d'incidence limite au point J. Que peut-on conclure ?
 - b. A quelle relation doit satisfaire l'indice n du prisme pour que l'on se trouve dans le cas d'une réflexion totale au point J?

Exercice 2 : (7 points)

Un miroir sphérique concave de centre C, de rayon $R = 6$ cm et de sommet S.

- 1) Préciser la position et la nature des foyers du miroir.
- 2) Un objet réel AB, de taille 1cm, est situé à une distance de 9cm du sommet S.
 - a. Construire géométriquement à l'échelle réelle l'image A'B' de l'objet AB à travers le miroir. En déduire sa nature, sa position et sa taille.
 - b. Retrouver ces résultats en appliquant les formules de conjugaison relatives au miroir sphérique. On se placera dans le cadre du stigmatisme approché.
- 3) a. Où doit-on placer un objet AB pour obtenir une image A'B' droite et deux fois plus grande que AB ?
 - b. Donner la position de cette image par rapport au sommet S et en déduire sa nature.

Exercice 3 : (8 points)

On rappelle que la relation de conjugaison d'une lentille mince de centre optique O, d'indice n , formée par l'association de deux dioptries sphériques de centres respectifs C_1 et C_2 et dont les sommets S_1 et S_2 sont confondus avec O, est donnée par :

$$\frac{1}{OA'} - \frac{1}{OA} = (n-1) \left(\frac{1}{OC_1} - \frac{1}{OC_2} \right) \quad \text{où A et A' sont des points conjugués à travers la lentille .}$$

A/ Soit une lentille mince L_1 à bord épais de centre optique O_1 taillée dans du verre d'indice $n=1.5$, formée par l'association d'un dioptre d'entrée concave de rayon 20 cm et d'un dioptre de sortie convexe de rayon 30 cm.

- 1) Calculer la distance focale image f'_1 de la lentille L_1 et en déduire sa nature.
 - 2) On place un objet réel AB de hauteur 4cm à 10 cm de la face d'entrée de la lentille L_1 . Déterminer la position et la nature de l'image A_0B_0 .
 - 3) Calculer le grandissement transversal de la lentille L_1 et en déduire le sens et la taille de l'image A_0B_0 .
 - 4) Construire l'image A_0B_0 de AB (échelle 1cm \rightarrow 4cm). Que remarquez-vous ?
- B/** On place après la lentille précédente à la distance $e=8$ cm, une lentille convergente L_2 de distance focale image $f'_2 = 16$ cm.
- 1) Construire sur un schéma les foyers du doublet formé par L_1 et L_2 (échelle 1cm \rightarrow 4cm).
 - 2) Calculer les positions des foyers image et objet du doublet par rapport à L_1 et L_2 .

Corrigé de l'examen de la session ordinaire
Filière SMPC - Semestre 2

Exercice 1 : (5 points)

1) Prisme dans l'air

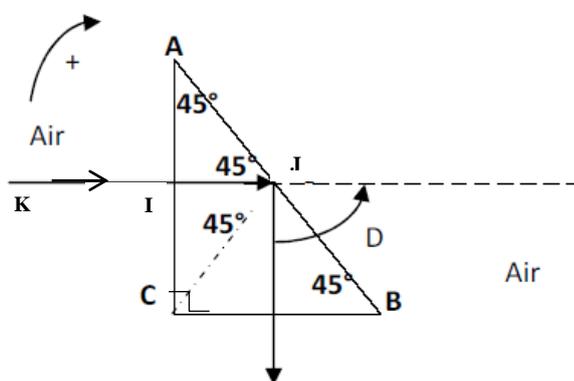
Le rayon incident (KI) tombe perpendiculairement à la face (AC) du prisme. Il est parallèle à la normale. Il passe sans déviation.

Dans le triangle (IAJ) l'angle $A\hat{J}I=45^\circ$, le rayon incident (IJ) fait donc un angle de 45° avec la normale à la face (AB) du prisme. L'angle d'incidence vaut alors 45° .

Au point J la lumière passe d'un milieu plus réfringent (Prisme) vers un milieu moins réfringent (Air). Le phénomène de réflexion totale peut donc avoir lieu.

Loi de la réfraction donne : $n \sin(i)=\sin(r)$, l'angle d'incidence limite correspond à $r=\pi/2$
Donc $\sin(i_{lim})=1/n$ d'où $i_{lim}=\text{Arcsin}(1/n)= 41,8^\circ$

L'angle d'incidence au point J est de $45^\circ : i > i_{lim}$; il se produit donc une réflexion totale au point J



2) La déviation étant l'angle que fait le rayon émergent du système avec le prolongement du rayon incident. Dans ce cas $D=-\pi/2$

3) a. Prisme dans l'eau ($n_{eau} = 1,33 < n=1.5$). Dans ce cas $i_{lim}=\text{Arcsin}(n_{eau}/n)= 62,5^\circ$

Puisque $i=45^\circ < i_{lim}$, il n'y a que le phénomène de réfraction dans ce cas.

b. Pour qu'il y ait réflexion totale il faut que $i=45^\circ > i_{lim}=\text{Arcsin}(n_{eau}/n)$

$$\sin 45 > n_{eau}/n \rightarrow n > n_{eau}/\sin 45 \rightarrow n > 1,88$$

Pour qu'il y ait réflexion totale le prisme doit avoir un indice de réfraction supérieur à 1,88.

Exercice 2 : (7 points)

1) Relation de conjugaison pour un miroir sphérique : $\frac{1}{SA'} + \frac{1}{SA} = \frac{2}{SC}$

Foyer image correspond à un objet situé à l'infini : $\frac{1}{SF'} = \frac{2}{SC} \rightarrow \overline{SF'} = \frac{SC}{2} = -3cm$

Foyer objet correspond à une image située à l'infini : $\frac{1}{SF} = \frac{2}{SC} \rightarrow \overline{SF} = \frac{SC}{2} = -3cm$

$$\overline{SF'} = \overline{SF} = \frac{SC}{2} = -3cm$$

Les deux foyers objet et image sont confondus et sont réels

2) a- Pour la construction, on considère deux rayons passant par B:

- le rayon parallèle à l'axe est réfléchi en passant par F

- le rayon passant par C est réfléchi sur lui-même.

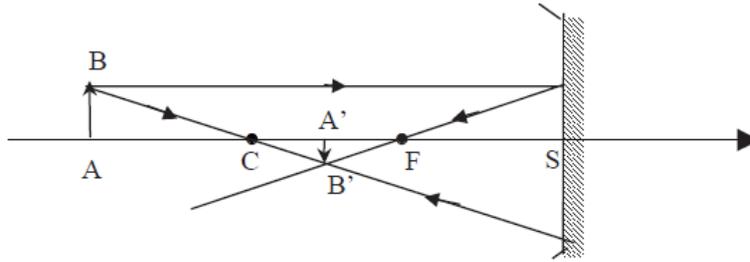


Image réelle renversée de taille 0.5 cm et de position $\overline{SA'} = -4.5 \text{ cm}$

b- Relation de conjugaison pour un miroir sphérique : $\frac{1}{SA'} + \frac{1}{SA} = \frac{2}{SC}$

Avec $\overline{SC} = -6 \text{ cm}$ et $\overline{SA} = -9 \text{ cm}$

On trouve $\overline{SA'} = -4.5 \text{ cm}$ l'image est donc réelle

L'agrandissement $\gamma = \frac{A'B'}{AB} = -\frac{SA'}{SA} = -\frac{1}{2} \rightarrow \overline{A'B'} = -0.5 \text{ cm}$

L'image est donc réelle et renversée

3) a- On veut que l'agrandissement $\gamma = \frac{A'B'}{AB} = -\frac{SA'}{SA} = 2 \rightarrow \overline{SA'} = -2 \cdot \overline{SA}$

D'autre part on a : $\frac{1}{SA'} + \frac{1}{SA} = \frac{2}{SC} \rightarrow \overline{SA} = \frac{SC}{4} = -1.5 \text{ cm}$

b- On sait que $\overline{SA'} = -2 \cdot \overline{SA} \rightarrow \overline{SA'} = +3 \text{ cm}$

$\overline{SA'} > 0$, l'image A'B' est donc virtuelle.

Exercice 3 : (8 points)

A/ 1) L_1 est une lentille mince de centre O_1 , la relation de conjugaison s'écrit :

$$\frac{1}{O_1A'} - \frac{1}{O_1A} = (n-1) \left(\frac{1}{O_1C_1} - \frac{1}{O_1C_2} \right)$$

Foyer image F'_1 correspond à un objet situé à l'infini, On en déduit que La distance focale

image $f'_1 = \overline{O_1F'_1}$ est tel que : $\frac{1}{O_1F'_1} = (n-1) \left(\frac{1}{O_1C_1} - \frac{1}{O_1C_2} \right)$

le dioptre d'entrée est concave, donc $\overline{O_1C_1} = -20 \text{ cm}$

le dioptre de sortie est convexe, donc $\overline{O_1C_2} = 30 \text{ cm}$

$$\text{AN : } \frac{1}{O_1F'_1} = (1.5-1) \left(\frac{1}{-20} - \frac{1}{30} \right)$$

$f'_1 = \overline{O_1F'_1} = -24 \text{ cm} < 0$ la lentille est donc divergente

2) D'après la relation de conjugaison pour L_1 on a : $\frac{1}{O_1A_0} - \frac{1}{O_1A} = \frac{1}{f'_1}$

Objet réel donc : $\overline{O_1A} = -10 \text{ cm}$

On en déduit que $\overline{O_1A_0} = -7.05 \text{ cm}$

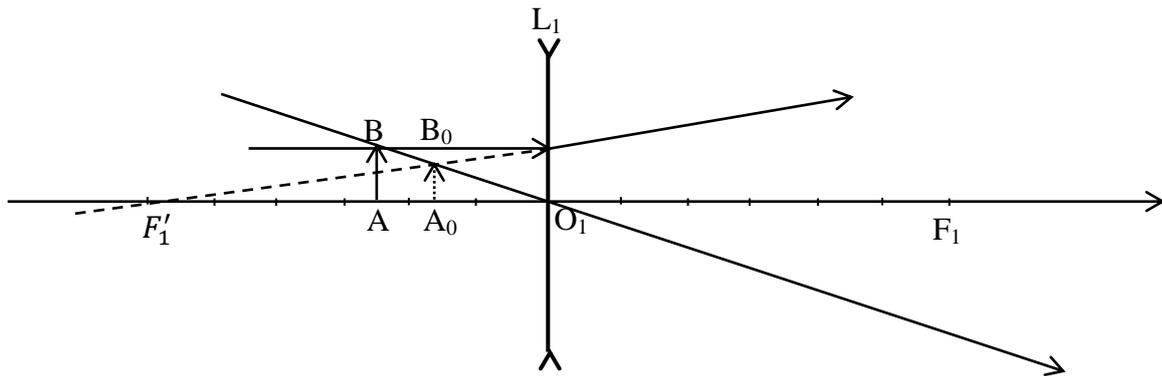
On a $\overline{O_1A_0} < 0 \rightarrow$ l'image est virtuelle

3) Grandissement transversal

$$\gamma = \frac{A_0B_0}{AB} = \frac{O_1A_0}{O_1A} \Rightarrow \gamma = 0.705$$

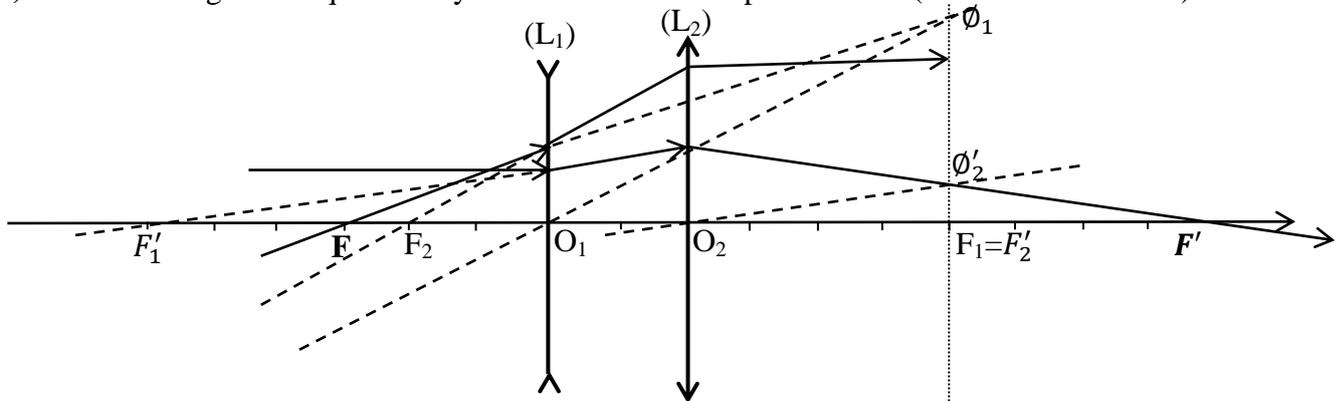
L'image est donc droite est plus petite que l'objet

4) Construction géométrique (échelle 1cm → 4cm)



On Remarque sur la construction géométrique que l'image est droite, plus petite que l'objet et en plus elle est virtuelle.

B/ 1) Construction géométrique des foyers du doublet formé par L1 et L2 (échelle 1cm → 4cm) :



2) Foyer objet F du doublet : $F-(L_1) \rightarrow F_2-(L_2) \rightarrow \infty$

F_2 est donc l'image de F par rapport à L_1 et on peut écrire :

$$\frac{1}{\overline{O_1 F_2}} - \frac{1}{\overline{O_1 F}} = \frac{1}{f'_1} \quad \text{avec} \quad \overline{O_1 F_2} = \overline{O_1 O_2} + \overline{O_2 F_2} = e + f_2 = e - f'_2$$

$$\text{Donc} \quad \frac{1}{e - f_2} - \frac{1}{\overline{O_1 F}} = \frac{1}{f'_1} \Rightarrow \frac{1}{\overline{O_1 F}} = \frac{1}{e - f'_2} - \frac{1}{f'_1}$$

$$\text{AN :} \quad \frac{1}{\overline{O_1 F}} = \frac{1}{8 - 16} - \frac{1}{-24} \Rightarrow \overline{O_1 F} = -12 \text{ cm}$$

Le Foyer objet F du doublet est placé à 12 cm avant la lentille L_1 .

Foyer image F' du doublet : $\infty-(L_1) \rightarrow F'_1-(L_2) \rightarrow F'$

F' est l'image de F'_1 par rapport à L_2 et on peut écrire :

$$\frac{1}{\overline{O_2 F'}} - \frac{1}{\overline{O_2 F'_1}} = \frac{1}{f'_2} \quad \text{avec} \quad \overline{O_2 F'_1} = \overline{O_2 O_1} + \overline{O_1 F'_1} = -e + f'_1$$

$$\text{Donc} \quad \frac{1}{\overline{O_2 F'}} - \frac{1}{-e + f'_1} = \frac{1}{f'_2} \Rightarrow \frac{1}{\overline{O_2 F'}} = \frac{1}{-e + f'_1} + \frac{1}{f'_2}$$

$$\text{AN :} \quad \frac{1}{\overline{O_2 F'}} = \frac{1}{-8 - 24} + \frac{1}{16} \Rightarrow \overline{O_2 F'} = 32 \text{ cm}$$

Le Foyer objet F' du doublet est placé à 32 cm après la lentille L_2