Instructions élémentaires en algorithmique

Une **affectation** est exécutable si et seulement si la **partie droite** de l'affectation représente une **valeur bien définie**.

$$V \leftarrow A/B$$

• Cas 1 :

A = 12

B = 4

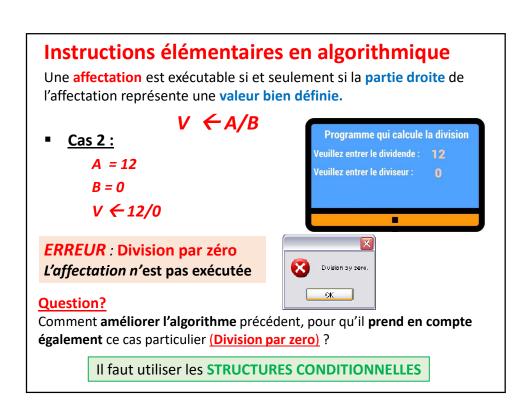
V ←12/4

L'instruction d'affectation est exécutée et la variable V contiendra le résultat de la division réelle, donc V = 3

Question?

Ecrire un algorithme qui permet de calculer et d'afficher le résultat de la division de deux nombres réels A et B?

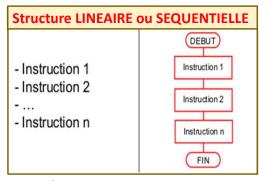
Instructions élémentaires en algorithmique Algorithme Division; Var A, B, V: Réel; Début Ecrire ("Programme qui calcule la division"); Ecrire ("Veuillez entrer le dividende :"); Ecrire ("Veuillez entrer le diviseur :"); Lire (B); $V \leftarrow A/B$; Ecrire ("Le résultat est : ", V); Programme qui calcule la division Fin Veuillez entrer le dividende : Veuillez entrer le diviseur : Le résultat est : 3

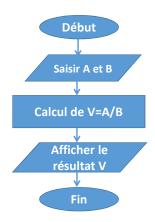


Structure séquentielle

Un algorithme qui suit une structure séquentielle est un algorithme dont toutes les instructions sont exécutées l'une après l'autre de façon à ce que l'ordre des instructions est respecté.

- → Les instructions sont toutes exécutées, dans l'ordre ou elles sont écrites.
- → Les instructions sont écrites l'une après l'autre, séparées par un saut de ligne





Exemples:

Les algorithmes des diapos précédents.

4. Instructions conditionnelles et alternatives

4. 1. Notion de primitives de base structurées

Les **algorithmes** vus, jusqu'à présent, ont un **enchainement séquentiel et linéaire.**

Dans de nombreuses applications, on exige une exécution par morceau, des sauts ou des répétitions d'un même bloc d'instructions. C'est le rôle des primitives de base structurées

On distingue deux grandes familles d'instructions composées :

- 1. Les primitives de choix (conditionnelles et alternatives)
- 2. Les primitives d'itération (Boucles)

58

4. 1. Notion de primitives de base structurées

- Les primitives de choix qui permet de choisir les instructions à exécuter selon les valeurs courantes de certaines variables; elle sont de deux types:
 - ✓ Les instructions conditionnelles
 - ✓ Les instructions alternatives.
- Les primitives d'itération qui sont utilisées lorsque l'on souhaite exécuter plusieurs fois le même traitement (cf. chapitre suivant)

Remarque: Les notions de choix et d'itération sont deux notions fondamentales de l'algorithmique.

59

4. Instructions conditionnelles et alternatives

4. 1. Structure conditionnelle simple (un seul choix)

Syntaxe:

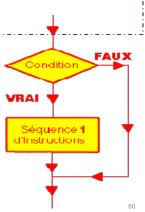
Si (Condition) alors

Séquence 1 d'instructions;

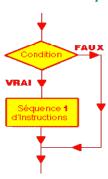
Finsi

Organigramme:

- Si la condition vaut Vraie alors la séquence 1 d'instructions sera exécutée,
- Sinon, (condition est Fausse) la séquence 1 d'instructions sera ignorée.



- 4. 1. Structure conditionnelle simple (Si ... Alors ... Finsi)
- Si Condition est VRAIE alors la < Séquence 1 d'instructions > est exécutée
- Si Condition est FAUSSE alors la <Séquence 1 d'instructions> n'est pas exécutée.
- → On passe directement à l'instruction qui se trouve après *Finsi*



Exemples de condition:

- (A=1) : condition est vérifiée si la valeur contenu dans A égale à 1.
- (A=B): est vérifiée si les valeurs contenu dans A et B sont les mêmes.
- (B <> 5): est vérifiée si B contient une valeur différente de 5.
- (1>5): est toujours FAUSSE et ne dépend pas des valeurs des variables.

4. Instructions conditionnelles et alternatives

4. 1. Structure conditionnelle simple (un seul choix)

<u>Question?</u>: Comment améliorer l'algorithme précédent, pour qu'il prend également en compte le cas particulier (<u>Division par zero</u>)?

Utiliser les STRUCTURES CONDITIONNELLES Quelle CONDITION à utiliser ?

```
Algorithme Division;

Var

A, B, V : Réel;

Début

Ecrire ("Programme qui calculi la division");

Ecrire ("Veuillez entrer le dividende");

Lire (A);

Ecrire ("Veuillez entrer le diviseur");

Lire (B);

Si (B<>0) Alors

V ← A/B;

Ecrire ("Le résultat est: ", V);

FinSi

Fin
```

4. 1. Structure conditionnelle simple (un seul choix)

Exercice 4.1:

La valeur absolue d'un nombre réel :

$$|x|=x$$
 si $x>0$

$$|x|=-x \text{ si } x<0$$

Analyse du problème :

• Donnée en entrée :

x : nombre réel

• Valeur de sortie :

|x| : valeur absolue du nombre réel x

• Traitement (Comment faire ?) :

On change le signe de **x** s'il est inférieur à **zéro**, **Sinon** il est affiché tel qu'il est.

63

4. Instructions conditionnelles et alternatives 4. 1. Structure conditionnelle simple (un seul choix) Organigramme Début Lire(x) FAUX Ecrire(x)

Fin

4. 1. Structure conditionnelle simple (un seul choix)

La **structure conditionnelle** est une structure dont les **instructions sont exécutées** selon les **réponses des conditions**.

Algorithme:

4. Instructions conditionnelles et alternatives Exercice 2 :

Ecrire un algorithme qui calcule le salaire d'un employé à partir du nombre d'heures travaillées (nh), du taux horaire (th) et du nombre d'années de service.

Les employés ayant une ancienneté (anc) de plus de 10 ans bénéficient d'une allocation supplémentaire de 150 Dh.

Anches du problème :

Quelle appellation à utiliser?

Analyse du problème :

- Données d'entrées :
 - > nbr_heures : nombre d'heures travaillées
 - > tx_horaire :-taux horaire (en Dirhams)
 - > ancien : ancienneté (en Année)
- · Données de sortie (résultat attendu)
 - ✓ Salaire : salaire de l'employé (en Dirhams)
- Traitement (Comment faire ?):
 - Calculer le salaire de base : Salaire ← nbr_heures * tx_horaire
 - Recalculer le salaire si l'employé a une ancienneté de plus de 10 ans :

```
Si (ancien > 10) Alors
Salaire ← Salaire + 150
```

FinSi

Exercie 2:

Solution 1:

Algorithme calcul salaire1;

```
nbr_heures, tx_horaire, ancien, salaire : Réel;

Début

Ecrire("Nombre d'Heures travaillées : ");
Lire(nbr_heures);
Ecrire("Taux horaire : ");
Lire(tx_horaire);
Ecrire("Ancienneté : ");
Lire(ancien);
salaire ← nbr_heures * tx_horaire;
Si (ancien > 10) Alors
salaire ← salaire + 150;
FinSi
Ecrire ("Salaire de l employé = ", salaire);
Fin.
```

Solution 2:

```
Algorithme calcul_salaire2;
Const ALL=150;
Var
nbr_heures, tx_horaire, salaire, ancien : Réel;
Début
Ecrire("Nbr Heures , Taux horaire,
Ancienneté:");
Lire(nbr_heures, tx_horaire, ancien );
salaire ← nbr_heures * tx_horaire;
Si (ancien > 10) Alors
salaire ← salaire + ALL;
FinSi
Ecrire ("Salaire de l employé = ", salaire);
Fin. 67
```

4. Instructions conditionnelles

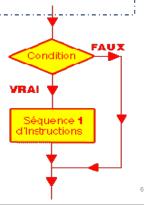
4. 1. Instruction: Si ... Alors ... Finsi

Syntaxe:

Si (Condition) alors Séquence 1 d'instructions; Finsi

Organigramme (un seul choix):

- Si la condition vaut Vraie alors la séquence 1 d'instructions sera exécutée,
- 2. Sinon, (condition est Fausse) la séquence 1 d'instructions sera ignorée.



4. Instructions conditionnelles 4. 2. Instruction: Si ... Alors ... Sinon ... Finsi **Syntaxe:** Si (Condition) alors Séquence 1 d'instructions; Sinon Séquence 2 d'instructions; Finsi FAUX **Organigramme (deux choix):** Séquence 1 d'instructions est exécutée si la condition est vérifiée, Sinon c'est la séquence d'instruction 2 qui sera exécutée.

4. Instructions conditionnelles et alternatives

4. 1. Structure conditionnelle simple (deux choix)

Exemple 1

```
Algorithme saisi;
Var
    a,b: entier;
Début
    Ecrire("Saisir deux nombres entiers a et b");
    Lire(a, b);
    si (a=b) alors
        Ecrire("vous avez saisi deux fois la même valeur, à savoir", a);
    Sinon
        Ecrire("vous avez saisi deux valeurs différentes", a, " et", b,);
    Finsi
Fin
```

Instruction 1 est exécutée si la condition est vérifiée, Sinon c'est l'instruction 2 qui sera exécutée.

0

4. 1. Instruction: Si ... Alors ... Sinon ... Finsi

Exemple 2: le nombre le plus grand entre x et y

Instruction 1 est exécutée si la condition est vérifiée, Sinon c'est l'instruction 2 qui sera exécutée.

7

4. Instructions conditionnelles et alternatives

4. 1. Instruction: Si ... Alors ... Sinon ... Finsi

Exemple 2 : le nombre le plus grand entre x et y

/2

4. Instructions conditionnelles

4. 1. Instruction: Si ... Alors ... Sinon ... Finsi

Exemple 3: La valeur absolue de la différence de deux nombres réels:

```
|x-y|=x-y si x>y
|x-y|=y-x si x<y
```

Algorithmes: Sans sinon

4. Instructions conditionnelles et alternatives

Conditions composées

Une condition composée est une condition formée de plusieurs conditions simples reliées par des opérateurs logiques: ET, OU, OU-Exclusif (XOR), NON

Exemples:

```
- Si x est comprise entre 2 et 5 :
```

```
Si ((x>=2) ET (x<=5)) alors ... Instructions ...
```

- Si y est comprise strictement entre 3 et 6 :

```
Si ((y>3) ET (y<6)) alors ... Instructions ...
```

- Si m est divisible par 3 ou par 2 :

```
Si ((m MOD 3=0) OU (m MOD 2=0)) alors ... Instructions ...
```

- Parmi les valeurs de x, y et z deux valeurs au moins sont identiques:

```
x = y OU x = z OU y = z
```

- Si deux valeurs et deux seulement sont identiques parmi a, b et c :

```
(a=b) XOR (a=c) XOR (b=c): la condition est FAUSSE
```

```
(a = b ET a \neq c) OU (a = c ET a \neq b) OU (b = c ET a \neq b)
```

L'évaluation d'une **condition composée** se fait selon les règles présentées dans ce qu'on appelle **Table de vérité**

Tables de vérités

C1	C2	C1 ET C2
VRAI	VRAI	VRAI
VRAI	FAUX	FAUX
FAUX	VRAI	FAUX
FAUX	FAUX	FAUX

C1	C2	C1 OU C2
VRAI	VRAI	VRAI
VRAI	FAUX	VRAI
FAUX	VRAI	VRAI
FAUX	FAUX	FAUX

C1	C2	C1 XOR C2
VRAI	VRAI	FAUX
VRAI	FAUX	VRAI
FAUX	VRAI	VRAI
FAUX	FAUX	FAUX

C1	NON (C1)
FAUX	VRAI
VRAI	FAUX

La fonction XOR (OU Exclusif)

La fonction "OU Exclusif" est en principe d'une fonction de deux variables :

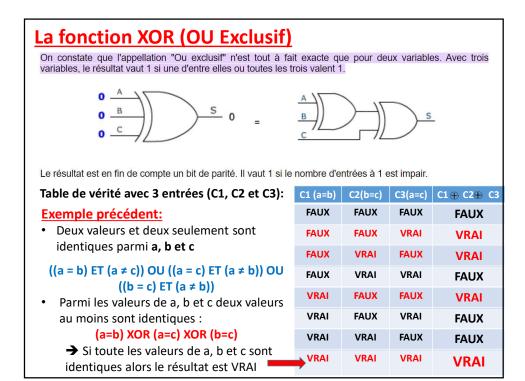
S = A XOR B

La sortie est à 1 si une seule des deux entrées vaut 1.

Porte XOR à plusieurs entrées

Pour calculer le résultat de S = A xor B xor C, il faut d'abord faire l'opération entre deux termes, puis refaire un ou exclusif entre le résultat obtenu et le troisième terme.

Ce qui se traduit par S = (A xor B) xor C ou par S = A xor (B xor C)



4. 1. Instruction : Si ... Alors ... Sinon ... Finsi Exemple 4 :

Ecrire un algorithme qui demande deux nombres à l'utilisateur et l'informe ensuite si leur produit est négatif ou positif (on laisse de côté le cas où le produit est nul).

```
Algorithme signe_produit;

Var

n,m: réel;

Début

Ecrire("donner deux nombres n et m");

Lire(n,m);

Si ((n>0 ET m>0) OU (n<0 ET m<0)) Alors

Ecrire(" le produit des deux nombres est positif");

Sinon

Ecrire(" le produit des deux nombres est négatif");

Finsi

Fin
```

4. 1. Instruction: Si ... Alors ... Sinon ... Finsi Exemple 5

Ecrire un algorithme qui demande un nombre entier puis teste et affiche s'il est divisible par 3 ou non.

```
Algorithme divisible_par3;

Var

n: entier;

Début

Ecrire("entrez un entier");

Lire(n);

Si (n MOD 3=0) alors

Ecrire(n, " est divisible par 3 ");

Sinon

Ecrire(n, " n'est pas divisible par 3 ");

Finsi

Fin
```

4. Instructions conditionnelles et alternatives

4. 1. Structure conditionnelle imbriquée (Trois choix)
Syntaxe

```
Si (condition1) alors

Traitement 1;

Sinon Si (condition2) alors

Traitement 2;

Sinon

Traitement 3;

Finsi
```

- Si la condition1 est vraie, alors le < Traitement 1> est exécuté.
- Sinon (la condition1 est fausse), alors on teste la condition2,
- Si la condition2 est vraie, alors on exécute le < Traitement 2>,
- Sinon (la condition2 est fausse), on exécute le <Traitement 3>

4. 1. Structure conditionnelle imbriquée (Trois choix) Organigramme SI Vrai Traitement1 Traitement2 Traitement3

4. Instructions conditionnelles et alternatives

4. 1. Structure conditionnelle imbriquée (Multi-choix)

Dans de nombreuse applications, on peut avoir plusieurs cas d'exécution selon différentes conditions. Ainsi, il faut utiliser plusieurs conditions les uns à la suite des autres pour englober tous ces cas.

```
Si (condition1) alors

Traitement 1;
Sinon Si (condition2) alors

Traitement 2;
Sinon

Traitement 3;
Finsi
```

Lorsqu'on fait une condition dans une autre condition. Il faut respecter les règles suivantes:

- On peut avoir le nombre d'imbrication qu'on veut.
- L'ordre des imbrications est important

4. Instructions conditionnelles et alternatives 4. 1. Structure conditionnelle imbriquée (Multi choix) Donner l'algorithme qui correspond à cet organigramme : **SI Condition1 Alors Traitement1** Condition1 **SINON SI Condition2 Alors** SINON SI **Traitement2 SINON SI Condition3 Alors** Condition2 **Traitement3** Traitement 1 SINON SI **SINON Traitement4** Traitement2 Condition3 SINON Traitement3 Traitement4

4. 1. Structure conditionnelle imbriquée (multiple choix) Exemple 1: Ecrire un algorithme qui permet d'afficher le signe d'un nombre saisie par l'utilisateur (nombre positif, nombre négatif ou bien nul) Algorithme exemple1; Algorithme exemple1a; Var Var n: réel; n: réel; Début Début Ecrire("Entrez un nombre réel:"); Ecrire("Entrez un nombre réel:"); Lire(n); Lire(n); Si (n<0) alors Si (n≤0) alors Ecrire(n, " est négatif"); Ecrire(n, " est négatif"); Sinon **Finsi** Si (h=0) alors Si (n=0) alors Ecrire(n, " est nul "); Ecrire(n, " est nul "); Ecrire(n, " est positif"); i/(n>0) alors **Finsi** Exrire(n, " est positif"); Finsi **Finsi** Fin Dans exemple1, on fait systématiquement trois tests alors que dans exemple1a, si par exemple, le nombre est négatif on ne fait qu'un seul test.

4. 1. Structure conditionnelle imbriquée (multiple choix)

<u>Exemple 2</u>: Ecrire un algorithme qui permet d'afficher l'état de l'eau selon sa température. Trois réponses possibles (**Solide**, **liquide** ou **gazeuse**).

```
Algorithme exemple2;
                                           Algorithme exemple2a;
                                           Var
   Temp: Entier;
                                              Temp: Entier;
 Ecrire("Entrez la température de l'eau");
                                            Ecrire("Entrez la température de l'eau");
 Lire(Temp);
                                            Lire(Temp);
  Si (Temp<0) alors
                                            Si (Temp<0) alors
    Ecrire("C'est de la glace");
                                               Ecrire("C'est de la glace");
  Sinon
      Si (Temp<100) alors
                                            Si (Temp>=0 ET Temp<100) alors
         Ecrire("C'est du liquide");
                                               Ecrire("C'est du liquide");
      Sinon
         Ecrire("C'est de la vapeur");
                                             Si/(Temp>100) alors
                                              Ecrire("C'est de la vapeur");
  Finsi
Fin
```

Dans **exemple2a**, on fait **systématiquement trois tests** alors que dans **exemple2**, si par exemple, la température est inférieur à 0 on ne fait qu'un seul test.

4. 1. Structure conditionnelle imbriquée (multiple choix)

Exemple 3: Ecrire un algorithme qui permet d'afficher le signe de deux nombres (**positif** ou **négatif**)

```
Si (a < 0) alors
Si (b < 0) alors
Ecrire( "a et b sont négatifs " );
Sinon
Ecrire("a est négatif, b est positif ou bien nul ");
Finsi

Sinon
Si (b < 0) alors
Ecrire( "b est négatif, a est positif ou bien nul");
Sinon
Ecrire( "a est positif ou nul, b est positif ou nul" );
Finsi

Finsi
```

<u>Remarques:</u> Si par exemple a et b sont tous les deux positifs, alors aucun des deux tests ne sera vraie, et c'est donc le sinon du sinon qui sera exécuté, et l'algorithme affichera le message " a est positif ou nul, b est positif ou nul "

Imbrication de Si

Dans de nombreuse applications, on veut avoir plusieurs cas d'exécution selon différentes conditions. Il faut exprimer plusieurs "Si" les uns à la suite des autres pour englober tous les cas.

Exercice 1:

Ecrire un algorithme permettant de résoudre une équation du premier degré **ax+b=0**.

Exercice 2:

Ecrire un algorithme permettant de résoudre une équation du seconde degré ax ²+bx+c=0 dans R (Voir TD N°2).

8

4. Instructions conditionnelles et alternatives

```
Algorithme equationPremierDegre;
Var a,b, x: réel;
Début
  Ecrire("Donner deux nombres a et b");
  Lire (a, b);
     Si (a=0) alors
         Si (b=0) alors
              Ecrire( "Tous réel est solution de l'équation");
         Sinon
              Ecrire( "Impossible");
         Finsi
     Sinon
            x ← - b/a;
            Ecrire ("La solution de l'équation est x=", x);
     Finsi
Fin
```

4. Instructions conditionnelles et alternatives 4. 2 Instructions alternative: la primitive Selon Syntaxe: Selon <variable> faire liste de valeur1: <séquence d'instruction1>; liste de valeur2: <séquence d'instruction2>; liste de valeur3: <séquence d'instruction3>; liste de valeurN: <séquence d'instructionN>; Sinon <instruction par défaut>; **Finselon Organigramme:** Variable Valeur 2 Valeur 1 Valeur N Sinon Instruction **Instruction 1 Instruction 2 Instruction N**

4. Instructions conditionnelles et alternatives

4. 2 Instructions alternative: la primitive Selon

Remarques importantes:

- L'instruction qui sera exécutée est celle qui correspondra à la valeur courante de la variable testée
- Lorsque cette exécution est achevée, on va ignorer toutes les séquences des instructions suivantes.
- Si deux valeurs différentes peuvent entrainer un même traitement. Nous pouvons alors les regrouper séparées par des virgules avant de décrire le traitement.
- Si la variable n'est égale à aucune des valeurs testées, c'est l'instruction par défaut qui sera exécutée.
- la variable de sélection doit être déclarée, et ne doit avoir qu'un type discret (entier ou caractère mais pas un réel).

90

4. 2 Instructions alternative: la primitive Selon

Exemple 1:

- Ecrire un algorithme qui permet de lire un numéro compris entre 1 et 12 et d'afficher le nom du mois correspondant.
- Si le **numéro** entré est **en dehors** de cet intervalle, un **message d'erreur** doit être affiché.

91

4. Instructions conditionnelles et alternatives

4. 2 Instructions alternative: la primitive Selon

```
Algorithme mois;

Var

n: Entier;

Début

Ecrire("Entrer le numéro du mois:");

Lire(n);

Selon (n) faire

1: Ecrire("Janvier");

2: Ecrire("Février");

...

12: Ecrire("Décembre");

Sinon

Ecrire("numéro de mois erroné ...");

FinSelon

Fin
```

4. Instructions conditionnelles et alternatives 4. 2 Instructions alternative: la primitive Selon Algorithme mois; Version 2 avec plusieurs «Si» imbriquées Var n: Entier; **Début** Ecrire("Entrer le numéro du mois: "); Lire(n); Si (n=1) alors Remarque: Ecrire("Janvier"); L'exemple précédent peut être Sinon résolu en utilisant plusieurs Si(n=2) alors instructions « Si » imbriquées, Ecrire("Février"); mais l'algorithme sera très lourd **Sinon** Si(n=3) alors Ecrire("Mars"); ••• Fin

```
Algorithme lendemain;
                                                     Exemple2 (version 1)
Var Erreur: entier;
                                                     Ecrire un algorithme demandant a
      jour, lendemain: chaine de caractère;
                                                     l'utilisateur le jour de la semaine et
Début
                                                     affiche ensuite le jour du lendemain.
     Ecrire(" saisir un jour de la semaine");
     Lire(jour);
     Erreur←0;
     Selon (jour) faire
          "Lundi": lendemain \leftarrow "Mardi";
          " Mardi": lendemain ← " Mercredi";
          " Mercredi": lendemain ← " Jeudi";
          " Jeudi": lendemain← " Vendredi"
          " Vendredi": lendemain← " Samedi";
" Samedi": lendemain← " Dimanche";
          ^{\prime\prime} dimanche^{\prime\prime}: lendemain\leftarrow ^{\prime\prime} Lundi^{\prime\prime};
          Sinon
                     Erreur←1;
     FinSelon
     Si (erreur=1) alors
       Ecrire ("erreur de saisie");
      Ecrire("Le lendemain du ", jour, " est ", lendemain, ".")
Fin
```

```
Algorithme lendemain;
                                Version 2: On considère une variable booleen.
Var Erreur: booléen;
     jour, lendemain: chaine de caractère;
    Ecrire(" saisir un jour de la semaine");
    Lire(jour);
    Erreur←Faux;
    selon jour faire
        "Lundi": lendemain ← "Mardi";
        " Mardi": lendemain ← " Mercredi";
        " Mercredi": lendemain ← " Jeudi";
        "Jeudi": lendemain ← "Vendredi";
        " Vendredi": lendemain ← " Samedi";
        "Samedi": lendemain ← "Dimanche";
        " dimanche": lendemain ← " lundi";
                                               REMARQUE:
        Sinon
                                               Il y a une grande différence entre
                 Erreur←Vrai;
                                               cet algorithme et celui utilisant les
    FinSelon
                                               imbrications de Si. Ce dernier
    Si (Erreur) Alors
                                               semble plus claire et lisible et il n'y
        Ecrire ("erreur de saisie");
                                               a pas de risque d'erreurs
        Ecrire("Le lendemain du ", jour, " est ", lendemain, ".");
   Finsi
Fin
```

```
Exemple2 (version 3)
Version 3 : On considère une seule variable de type chaine
                                                             Algorithme demandant a
de caractère au lieu de trois variables.
                                                              l'utilisateur le jour de la
                                                              semaine et affiche ensuite
Algorithme lendemain;
                                                              le jour du lendemain.
Var
     jour: chaine de caractère;
Début
     Ecrire(" saisir un jour de la semaine");
     Lire(jour);
     Selon (jour) faire
         "Lundi": Ecrire("Le lendemain du ", jour, "est Mardi.");
         "Mardi": Ecrire("Le lendemain du ", jour, "est Mercredi.");
         "Mercredi": Ecrire("Le lendemain du ", jour, "est Jeudi.");
         "Jeudi": Ecrire("Le lendemain du ", jour, "est Vendredi.");
         "Vendredi": Ecrire("Le lendemain du ", jour, "est Samedi.");
         "Samedi": Ecrire("Le lendemain du ", jour, "est Dimanche.");
         "Dimanche": Ecrire("Le lendemain du ", jour, "est Lundi.");
         Sinon
                      Ecrire("Erreur de saisie.");
     FinSelon
Fin
```