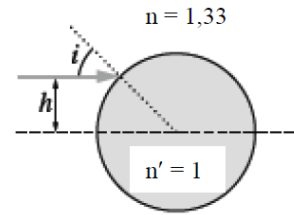


Epreuve d'optique géométrique : Durée 1h 30min
Session ordinaire : Juin 2018
Filière SMPC - Semestre 2

Exercice 1 : (4 points)

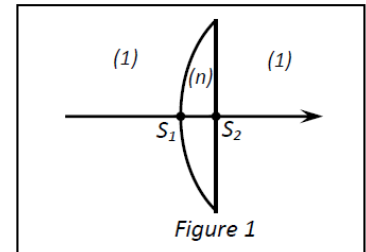
Une bulle d'air sphérique ($n'=1$) de rayon R est immergée dans un liquide d'indice $n=1,33$.

- 1) Calculer la valeur limite i_ℓ de i pour laquelle il y a réflexion totale sur la bulle d'air pour un rayon incident parallèle à l'axe. Quelle est alors la hauteur h du rayon incident par rapport à l'axe de la bulle d'air en fonction du rayon de la goutte.
- 2) Dans le cas où $i > i_\ell$, donner l'expression de la déviation subie par le rayon incident.
- 3) Donner l'expression de la déviation D quand $i < i_\ell$, le rayon subissant deux réfractions et sortant de la bulle.



Exercice 2 : (6 points)

Soit L_1 une lentille plan-convexe taillée dans du verre d'indice $n=1,5$ et placée dans l'air d'indice 1. Le rayon de courbure de la face sphérique est $\overline{S_1C_1} = R$. (Figure 1)



Dans tout le problème les conditions de Gauss sont satisfaites.

- 1) L_1 est une lentille mince de centre O_1 ($O_1 \equiv S_1 \equiv S_2$).
 - a. Montrer que la relation de conjugaison de la lentille L_1 s'écrit :

$$\frac{1}{\overline{O_1A'}} - \frac{1}{\overline{O_1A}} = \frac{n-1}{R}$$
 - b. Calculer la distance focale image f'_1 de la lentille L_1 pour $R=6$ cm et en déduire sa nature.
- 2) On place à une distance de +4cm après la lentille L_1 , une lentille mince L_2 de centre O_2 et de distance focale image $f'_2 = -4$ cm, de façon à constituer un doublet placé dans l'air. Déterminer les positions, par rapport à O_1 des foyers principaux F et F' du doublet.
- 3) Construire sur un schéma les foyers du doublet formé par L_1 et L_2 (échelle 1cm \rightarrow 4cm).

Exercice 3 : (8 points)

On considère une lentille épaisse formée par l'association de deux dioptries D_1 de centre C_1 et du sommet S_1 et D_2 de centre C_2 et du sommet S_2 , d'indice $n=3/2$ et d'épaisseur $e=10$ cm, placée dans l'air d'indice 1. Elle reçoit des rayons lumineux venant de gauche (Figure 1).

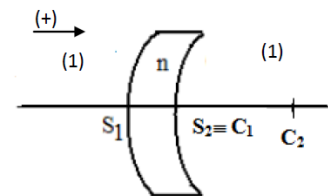


Figure 1

On posera : $R = \overline{S_1C_1} = \overline{S_1S_2} = e = \frac{\overline{S_2C_2}}{2}$

- 1) Soit AB un objet et $A'B'$ son image à travers le système. On notera A_1B_1 l'image intermédiaire.
 - a. Ecrire les formules de conjugaison et de grandissement γ_1 du 1^{er} dioptre $D_1(S_1, C_1)$ avec origine au centre pour le couple de points (A, A_1) .
 - b. Déterminer la position des foyers objet F_1 et image F'_1 du dioptre $D_1(S_1, C_1)$ et en déduire ses distances focales objet f_1 et image f'_1 .
 - c. Ecrire les formules de conjugaison et de grandissement γ_2 du 2^{ème} dioptre $D_2(S_2, C_2)$ avec origine au sommet pour le couple de points (A_1, A') .
 - d. Calculer les distances focales objet f_2 et image f'_2 du 2^{ème} dioptre $D_2(S_2, C_2)$.
- 2) Montrer que les formules de conjugaison et de grandissement de la lentille s'écrivent :

$$\frac{1}{\overline{S_2A'}} - \frac{n^2}{\overline{S_2A}} = \frac{(n-1)(2n-1)}{2R} \text{ et } \gamma = n \frac{\overline{S_2A'}}{\overline{S_2A}}$$
- 3) Trouver la position, par rapport à S_2 , des foyers objet F et image F' du système.

Corrigé de l'examen de la session ordinaire
Filière SMPC - Semestre 2

Exercice 1 : (4 points)

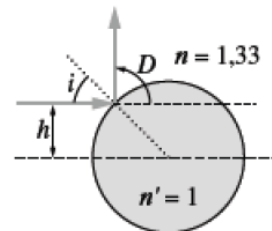
1- Pour qu'il y ait réflexion totale, il faut que : $n \sin i_c = n' \sin \frac{\pi}{2} = 1$ ($n' = 1$)

1pt $\Rightarrow \sin i_c = \frac{1}{n}$ donc $i_c = 48,75^\circ$

1pt Si $i = i_c$, $\sin i_c = \frac{h}{R} = \frac{1}{n}$. On a donc $h = \frac{R}{n}$ $h = \frac{3R}{4}$

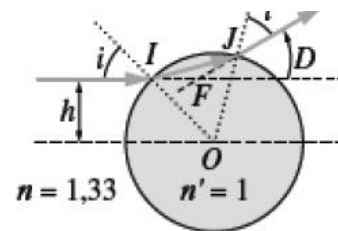
2- Dans le cas où $i > i_c$, il y a réflexion totale sur la bulle d'air et la déviation est D :

1pt $D = \pi - 2i$



3- Si $i < i_c$, le rayon rentre dans la bulle d'air en I, se réfracte et ressort en J après deux réfractions. Le triangle IJO étant isocèle ($OI = OJ = R$), il ressort avec le même angle i . Dans le triangle IJF, on a $\pi - D + 2(r - i) = \pi$.

1pt $\Rightarrow D = 2(r - i)$



Exercice 2 : (6 points)

1- a. Relation de conjugaison de la lentille mince L_1

Appliquant les relations de conjugaisons au dioptre sphérique (DS) et au dioptre plan (DP)

$A \xrightarrow{(DS)} A_1$ donc : $\frac{n}{S_1 A_1} - \frac{1}{S_1 A} = \frac{n-1}{S_1 C_1} = \frac{n-1}{R}$;

$A_1 \xrightarrow{(DP)} A'$ donc : $\frac{n}{S_2 A_1} = \frac{1}{S_2 A'}$

Puisque L_1 est mince ($S_1 \equiv S_2 \equiv O_1$) alors : $\frac{n}{O_1 A_1} - \frac{1}{O_1 A} = \frac{n-1}{R}$ et $\frac{n}{O_1 A_1} = \frac{1}{O_1 A'}$

Donc : $\frac{1}{O_1 A'} - \frac{1}{O_1 A} = \frac{n-1}{R}$ 1 pt

b. Calculer la distance focale image f'_1 de la lentille L_1 .

$A \equiv \infty \xrightarrow{(L_1)} A' \equiv F'_1$ donc : $\frac{1}{O_1 F'_1} = \frac{R}{n-1} = f'_1$; A.N. $f'_1 = 12 \text{ cm}$ 0.5 pt

La lentille L_1 est convergente car f'_1 est positive 0.5 pt

2- Positions, par rapport à O_1 des foyers principaux F et F' du doublet.

$$F \xrightarrow{(L_1)} F_2 \xrightarrow{(L_2)} \infty \Rightarrow \frac{1}{O_1 F_2} - \frac{1}{O_1 F} = \frac{1}{f'_1} ; \text{ On a : } \overline{O_1 F_2} = e + f_2 \Rightarrow \overline{O_1 F} = 24 \text{ cm}$$

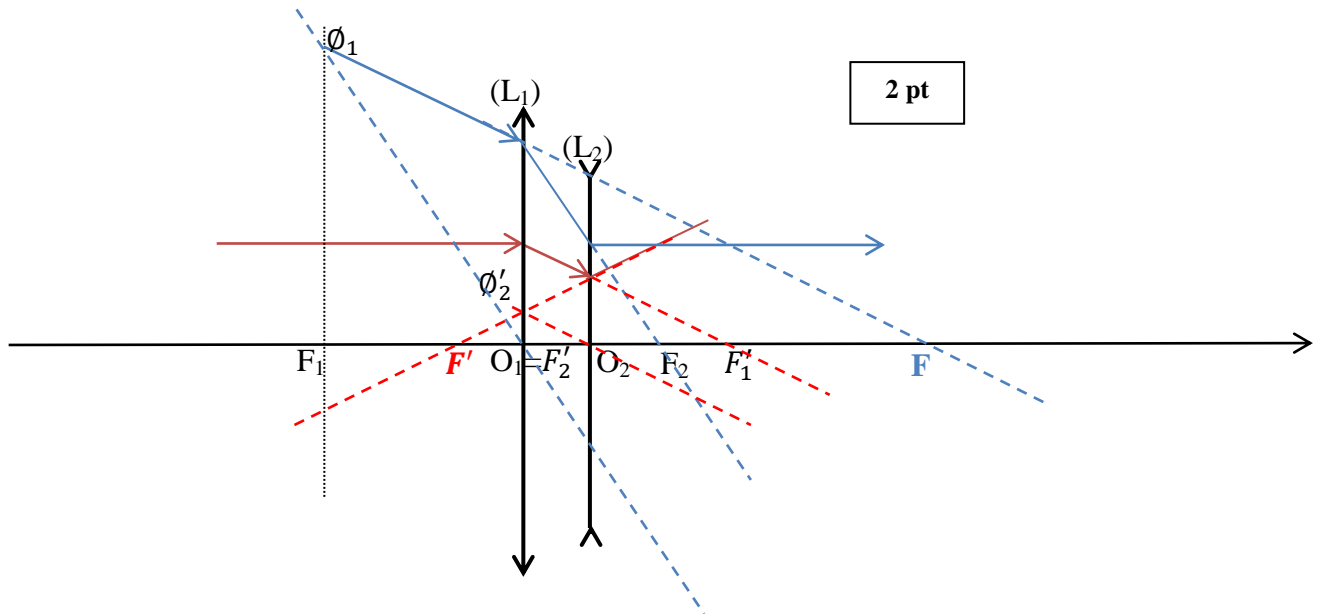
1 pt

$$\infty \xrightarrow{(L_1)} F'_1 \xrightarrow{(L_2)} F' \Rightarrow \frac{1}{O_2 F'} - \frac{1}{O_2 F'_1} = \frac{1}{f'_2} ; \text{ On a : } \overline{O_2 F'_1} = f'_1 - e$$

1 pt

$$\overline{O_2 F'} = \overline{O_2 O_1} + \overline{O_1 F'} = \overline{O_1 F'} - e \quad \text{Soit : } \overline{O_1 F'} = -4 \text{ cm}$$

3- Construction géométrique des foyers du doublet formé par L_1 et L_2 (échelle 1cm \rightarrow 4cm) :



Exercice 3 : (8 points)

1- a. Formules de conjugaison de position et de grandissement γ_1 pour DS1 avec origine au centre pour le couple de points (A, A_1) :

$$\underset{1}{AB} \xrightarrow{D_1(S_1, C_1)} \underset{n}{A_1 B_1}$$

$$\frac{1}{C_1 A_1} - \frac{n}{C_1 A} = \frac{1-n}{C_1 S_1} = \frac{n-1}{R} \quad (1)$$

1pt

$$\gamma_1 = \frac{C_1 A_1}{C_1 A}$$

b. Positions des foyers F_1 et F'_1 :

0,5

$$A \equiv F_1 \Rightarrow A_1 \text{ à } l' \infty \Rightarrow \overline{C_1 F_1} = \frac{nR}{1-n} \quad \text{AN } \overline{C_1 F_1} = -3R = -30 \text{ cm}$$

0,5

$$A \text{ à } l' \infty \Rightarrow A_1 \equiv F'_1 \Rightarrow \overline{C_1 F'_1} = \frac{R}{n-1} \quad \text{AN } \overline{C_1 F'_1} = 2R = 20 \text{ cm}$$

Les distances focales f_1 et f'_1 :

0,5

$$f_1 = \overline{S_1 F_1} = \overline{S_1 C_1} + \overline{C_1 F_1} = \overline{S_1 S_2} + \overline{C_1 F_1} = R + \frac{nR}{1-n} = \frac{R}{1-n} \Rightarrow \overline{f_1} = \frac{R}{1-n}$$

0,5

$$f'_1 = \overline{S_1 F'_1} = \overline{S_1 C_1} + \overline{C_1 F'_1} = \overline{S_1 S_2} + \overline{C_1 F'_1} = R + \frac{R}{n-1} = \frac{nR}{n-1} \Rightarrow \overline{f'_1} = \frac{nR}{n-1}$$

$$\text{AN: } f_1 = -2R = -20 \text{ cm} ; f'_1 = 3R = 30 \text{ cm}.$$

- c. Formules de conjugaison de position et de grandissement γ_2 pour DS2 avec origine au sommet pour le couple de points (A_1, A') :

$$A_1 B_1 \xrightarrow[n]{D_2(S_2, C_2)} A' B'$$

$$\frac{n}{S_2 A_1} - \frac{1}{S_2 A'} = \frac{n-1}{S_2 C_2} = \frac{n-1}{2R} \quad (2)$$

$$\gamma_2 = \frac{n}{1} \frac{S_2 A'}{S_2 A_1}$$

1pt

- d. Positions des foyers objet F_2 et image F'_2 :

$$0,5 \quad A_1 \equiv F_2 \Rightarrow A' \text{ à } l' \infty \Rightarrow \boxed{S_2 F_2 = \frac{2nR}{n-1}} \quad \text{AN } \overline{S_2 F_2} = 6R = 60 \text{ cm}$$

$$0,5 \quad A_1 \text{ à } l' \infty \Rightarrow A' \equiv F'_2 \Rightarrow \boxed{S_2 F'_2 = \frac{2R}{1-n}} \quad \text{AN } \overline{S_2 F'_2} = -4R = -40 \text{ cm}$$

les distances focales objet f_2 et image f'_2

$$0,5 \quad f_2 = \overline{S_2 F_2} \Rightarrow \boxed{f_2 = \frac{2nR}{n-1}} \quad \text{AN : } f_2 = 60 \text{ cm}$$

$$0,5 \quad f'_2 = \overline{S_2 F'_2} \Rightarrow \boxed{f'_2 = \frac{2R}{1-n}} \quad \text{AN : } f'_2 = -40 \text{ cm}$$

- 2- Formules de conjugaison de position et de grandissement de la lentille :

$$\frac{1}{C_1 A_1} - \frac{n}{C_1 A} = \frac{n-1}{R} \quad (1)$$

$$\frac{n}{S_2 A_1} - \frac{1}{S_2 A'} = \frac{n-1}{2R} \quad (2)$$

$$\text{Or } C_1 \equiv S_2 \text{ donc } (1) \Leftrightarrow \frac{1}{S_2 A_1} - \frac{n}{S_2 A} = \frac{n-1}{R} \quad (3)$$

$$0,5 \quad \Rightarrow n * (3) - (2) \Leftrightarrow \frac{1}{S_2 A'} - \frac{n^2}{S_2 A} = \frac{n(n-1)}{R} - \frac{n-1}{2R} = \frac{(n-1)(2n-1)}{2R} \quad (4)$$

$$0,5 \quad \gamma = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}} = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{A_1 B_1}} \frac{\overline{A_1 B_1}}{\overline{AB}} = \gamma_1 \gamma_2 = \frac{C_1 A_1}{C_1 A} \frac{n}{1} \frac{S_2 A'}{S_2 A_1} = n \frac{S_2 A'}{S_2 A} \Rightarrow \boxed{\gamma = n \frac{S_2 A'}{S_2 A}}$$

- 3- Position des foyers F et F' du système :

D'après (4)

$$0,5 \quad \bullet \quad \frac{1}{S_2 F'} = \frac{(n-1)(2n-1)}{2R} = \frac{1}{2R} \Rightarrow \boxed{S_2 F' = 2R} \quad \text{AN } \overline{S_2 F'} = 20 \text{ cm}$$

$$0,5 \quad \bullet \quad -\frac{n^2}{S_2 F} = \frac{(n-1)(2n-1)}{2R} = \frac{1}{2R} \Rightarrow \boxed{S_2 F = -2n^2 R} \quad \text{AN } \overline{S_2 F} = -45 \text{ cm}$$